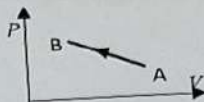




P1	P2	P3	P4	P5	P6	P7	P8	P9	P10	Calificación

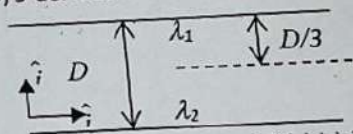
- 1) Cuando 3 moles de un gas ideal monoatómico ( $c_v = 3R/2$ ) evolucionan desde el estado A hasta el B de la figura, su energía interna disminuye en 3,24 kJ y su temperatura se reduce a 4/5 del valor inicial. Las presiones de los estados A y B son 120 kPa y 210 kPa, respectivamente. Calcule la cantidad de calor  $Q_{AB}$  que el sistema intercambia con el medio exterior. ( $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ )



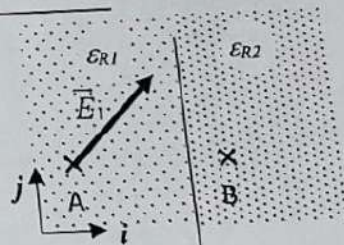
- 2) El rendimiento térmico de un motor térmico real, que trabaja entre una fuente a 300 K y otra a 450 K, es igual a los 3/5 del máximo rendimiento correspondiente a esas temperaturas. Halle el trabajo que efectúa el motor real por cada 80 kJ de calor que cede a la fuente fría.
- 3) Dentro de un calorímetro ideal se coloca una masa de agua líquida  $m_A$  a  $50^\circ\text{C}$  junto con una masa de hielo  $m_H$  a  $-40^\circ\text{C}$ . El sistema intercambia 5000 cal hasta que alcanza el equilibrio térmico a  $0^\circ\text{C}$  quedando todo en estado líquido. Calcule las masas iniciales de hielo y agua (Datos:  $L_{\text{fusión}} = 80 \text{ cal/g}$ , Punto de Fusión del agua =  $0^\circ\text{C}$  y  $c_p(\text{hielo}) = 0,5 \text{ cal/g}\cdot\text{C}$  y  $c_p(\text{agua}) = 1 \text{ cal/g}\cdot\text{C}$ )
- 4) Una barra recta de sección uniforme está formada por dos mitades de materiales diferentes. La conductividad térmica del material 2 es el triple que la del material 1 ( $k_2/k_1 = 3$ ). La barra se encuentra en régimen estacionario con el extremo de material 1 a  $0^\circ\text{C}$  y el extremo del material 2 a  $100^\circ\text{C}$ . Entonces, la temperatura de la unión entre ambas mitades es:



- 5) El potencial eléctrico  $V$  en una región del espacio está dado por  $V = ax^2 + ay^2 - 2az^2$  [V; m] donde "a" es una constante. Si el trabajo realizado por la fuerza eléctrica sobre una carga puntual de  $2 \mu\text{C}$  cuando se desplaza desde el punto  $(0; 0; 0,1 \text{ m})$  hasta el origen es de  $-5 \cdot 10^{-5}$ , calcule la constante "a".
- 6) Los dos alambres infinitos de la figura están cargados con densidades uniformes de carga  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$ , respectivamente. El campo eléctrico de la configuración se anula en los puntos ubicados a distancia  $D/3$  del alambre con densidad  $\lambda_1$ . Halle la relación entre las densidades de carga  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$ .



- 7) La figura muestra una región del espacio en la que hay dos materiales dieléctricos lineales, isotrópicos y homogéneos, de permitividades eléctricas relativas  $\epsilon_{R1} = 3$  y  $\epsilon_{R2} = 5$ , separadas por una superficie plana. El campo electrostático dentro de cada material es uniforme y en el punto A es  $\vec{E}_1 = (120; 160) \text{ V/m}$ . Calcule el vector desplazamiento eléctrico  $\vec{D}_2$  en el punto B. ( $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2 \cdot \text{N}^{-1} \cdot \text{m}^{-2}$ ).



- 8) Dos esferas conductoras concéntricas de radios  $r_A$  y  $r_B > r_A$ , están cargadas con carga opuestas  $Q_A > 0$  y  $Q_B < 0$ , respectivamente ( $Q_A = |Q_B|$ ). Se transporta una carga  $q < 0$  desde la esfera interior (A) a la exterior (B). Si  $W_{el,AB}$  representa el trabajo de la fuerza eléctrica para llevar la carga desde A hasta B,  $E$  representa el módulo del campo eléctrico, y  $C$  la capacidad entre los conductores,  $k_0 = 1/4\pi\epsilon_0$ , entonces (dos opciones son verdaderas)

$V_A < V_B$ y $C = k_0^{-1} (r_A - r_B / r_A r_B)$	$E(r > r_A) = 0$ y $W_{el,AB} = k_0  q  Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})$
$V_A > V_B$ y $C = k_0^{-1} Q_A (r_A r_B / r_A - r_B)$	$V_A > V_B$ y $C = k_0^{-1} (r_A r_B / r_B - r_A)$
$E(r > r_B) = 0$ y $W_{AB} = k_0  q  Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})$	$E = 0$ en todo el espacio pero $W_{AB} > 0$
$E = 0$ en todo el espacio pero $W_{AB} < 0$	$E(r_A < r < r_B) = 0$ y $W_{el,AB} = -k_0  q  Q_A (r_B^{-1} - r_A^{-1})$



Apellidos y nombres de los estudiantes

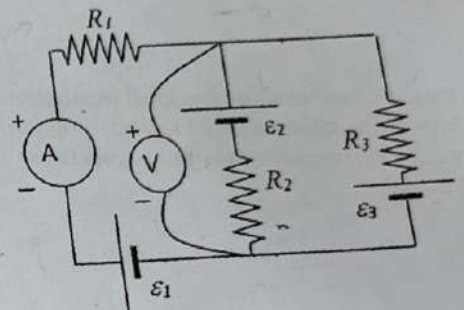
- 9) El circuito de la figura se encuentra en régimen estacionario. Las fuentes, el voltímetro y el amperímetro son ideales. El amperímetro marca 3 A y el voltímetro 12 V. La polaridad de cada instrumento está señalada en la figura. Calcule  $\varepsilon_1$  y las corrientes por  $R_2$  y  $R_3$ .

$$R_1 = 5 \Omega$$

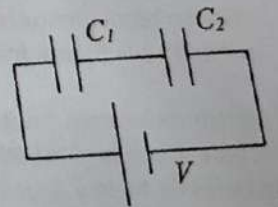
$$R_2 = 6 \Omega$$

$$\varepsilon_2 = 24 \text{ V}$$

$$\varepsilon_3 = 12 \text{ V}$$



- 10) Los capacitores  $C_1 = 0,5 \mu\text{F}$  y  $C_2 = 8 \mu\text{F}$  de la figura están conectados a una fuente de 100 V y entre las placas de  $C_1$  hay vacío. Calcule el valor de la permitividad relativa ( $\varepsilon_r$ ) del dieléctrico con el que se debe rellenar totalmente el espacio entre las placas de  $C_1$  para lograr que el conjunto tenga una capacidad igual a la mitad de  $C_2$ .

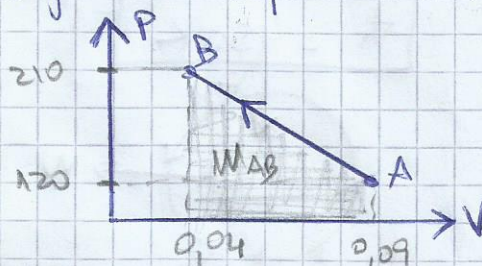


1) Cuando 3 moles de un gas ideal monoatómico ( $c_v = \frac{3}{2}R$ ) cambian desde el estado A hasta el B, como figura, su energía interna disminuye en  $3,24 \text{ kJ}$  y su temperatura se reduce a  $\frac{4}{5}$  del valor inicial.

Las presiones de los estados A y B son  $120 \text{ kPa}$  y  $210 \text{ kPa}$  respectivamente.

Calcular la cantidad de calor  $Q_{AB}$  que el sist. intercambia con el medio exterior

$$R = 8,31 \text{ J/mol K}$$



$$U_{AB} = U_B - U_A = -3,24 \text{ kJ}$$

$$T_B = \frac{4}{5} T_A$$

$$P_A = 120 \text{ kPa}$$

$$P_B = 210 \text{ kPa}$$

$$U_{AB} = Q_{AB} - W_{AB}$$

$$\begin{aligned} \Delta U_{AB} &= m c_v \Delta T = m c_v (T_B - T_A) = m c_v \left(\frac{4}{5} T_A - T_A\right) = \\ &= 3 \text{ mol} \cdot \frac{3}{2} \cdot 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol K}} \cdot T_A \left(-\frac{1}{5}\right) = -3,24 \times 10^3 \text{ J} \end{aligned}$$

$$T_A = \frac{3,24 \times 10^3 \text{ J}}{37,395} \text{ K} = 433 \text{ K} = T_A \Rightarrow T_B = 347 \text{ K}$$

$$V_A = \frac{m R T_A}{P_A} = \frac{3 \text{ mol} \cdot 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol K}} \cdot 433 \text{ K}}{120000 \text{ Pa}} = 0,09 \text{ m}^3 = V_A$$

$$V_B = \frac{m R T_B}{P_B} = \frac{3 \text{ mol} \cdot 8,31 \frac{\text{J}}{\text{mol K}} \cdot 347 \text{ K}}{210000 \text{ Pa}} = 0,04 \text{ m}^3 = V_B$$

$$W_{AB} = (0,09 - 0,04) \times 120000 + \frac{(0,09 - 0,04) \times 90000}{2} = 8250 \text{ J}$$

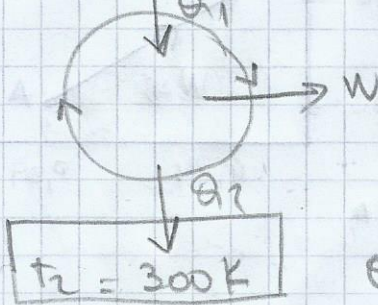
$$\begin{aligned} \Delta U_{AB} &= Q_{AB} - W_{AB} \Rightarrow Q_{AB} = \Delta U_{AB} + W_{AB} = \\ &= -3,24 \text{ kJ} - 8250 \text{ J} = \\ &= -3,240 \text{ J} - 8250 \text{ J} = 11490 \text{ J} \end{aligned}$$

2) El rend. máximo de un motor térmico real que trabaje entre una fuente a 300 K y otra a 450 K es igual a  $W = 3/5$  del máximo rendimiento posible correspondiente a esas temperaturas.

Halle el trabajo que efectúe el motor real cada 80 kJ de calor que cede a la fuente fría.

$$T_1 = 450 \text{ K}$$

$$\eta_{\text{Carnot}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{300 \text{ K}}{450 \text{ K}} = \frac{1}{3}$$



$$\eta_{\text{máx}} = \frac{3}{5} \eta_{\text{Carnot}} = \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{5} = \eta_{\text{máx}}$$

$$Q_2 = 80 \text{ 000 J}$$

$$W = Q_1 - Q_2$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

$$\frac{1}{5} = 1 - \frac{80 \text{ 000 J}}{Q_1}$$

$$\frac{80 \text{ 000 J}}{Q_1} = 0,8 \Rightarrow$$

$$Q_1 = 100 \text{ 000 J}$$

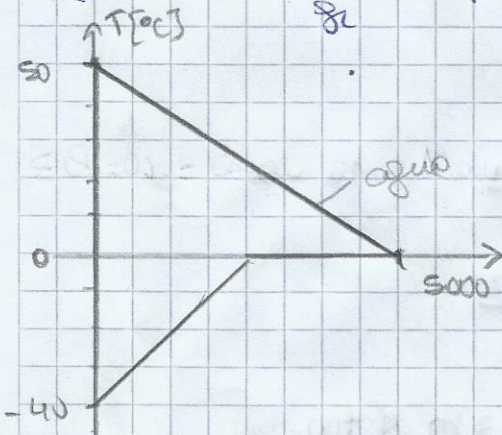
$$W = Q_1 - Q_2 = 100 \text{ 000 J} - 80 \text{ 000 J}$$

$$W = 20 \text{ 000 J}$$

3) Dentro de un calorímetro ideal se coloca una masa de agua  $m_A$  a  $50^\circ\text{C}$  junto con una masa de hielo  $m_H$  a  $-40^\circ\text{C}$ . El sistema intercambia  $5000 \text{ cal}$  hasta que alcanza el eq. térmico a  $0^\circ\text{C}$  quedando todo en estado líquido. Calcular las masas iniciales de hielo y agua.

$$L_f = 80 \frac{\text{cal}}{\text{gr}}$$

punto fusión del agua =  $0^\circ\text{C}$  y  $C_p(\text{hielo}) = 0,5 \frac{\text{cal}}{\text{gr}^\circ\text{C}}$   
y  $C_p(\text{agua}) = 1 \frac{\text{cal}}{\text{gr}^\circ\text{C}}$



$$Q_{\text{agua } 50^\circ\text{a } 0^\circ} = C_{p(\text{agua})} m_A \Delta T =$$

$$= 1 \frac{\text{cal}}{\text{gr}^\circ\text{C}} \cdot m_A (0^\circ\text{C} - 50^\circ\text{C}) = -5000 \text{ cal}$$

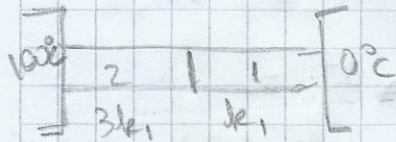
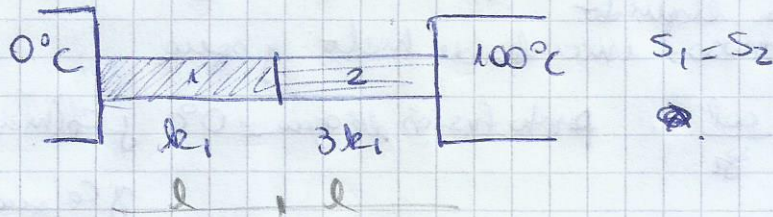
$$m_A = 100 \text{ gr} \quad \checkmark$$

$$Q_{\text{hielo}} = 5000 \text{ cal} = C_{p(\text{hielo})} m_H (0^\circ\text{C} - (-40^\circ\text{C})) + L_f m_H =$$

$$= 20 \frac{\text{cal}}{\text{gr}} m_H + 80 \frac{\text{cal}}{\text{gr}} m_H = 5000 \text{ cal} \Rightarrow$$

$$m_H (100 \frac{\text{cal}}{\text{gr}}) = 5000 \text{ cal} \Rightarrow m_H = 50 \text{ gr}$$

④ Una barra recta de sección uniforme está formada por dos materiales diferentes. La conductividad térmica del material 2 es el triple que la del material 1 ( $k_2/k_1 = 3$ ). La barra se encuentra en régimen estacionario con el extremo de material 1 a  $0^\circ\text{C}$  y el extremo del material 2 a  $100^\circ\text{C}$ . Entonces la temperatura de la unión entre ambas mitades es:



$$\Phi = P_1 = k_1 S \frac{\Delta T_1}{L} \quad t_u - 0$$

$$P_2 = 3k_1 S \frac{\Delta T_2}{L}$$

$$P_1 = P_2 = P$$

$$\Delta T = \Delta T_1 + \Delta T_2$$

$$R_s = R_1 + R_2$$

$$\frac{k_1 S (t_u - 0)}{l} = \frac{3k_1 S (100 - t_u)}{l}$$

$$t_u = 100 - 3t_u$$

$$4t_u = 100^\circ\text{C} \Rightarrow \boxed{t_u = 25^\circ\text{C}}$$

5) El potencial eléctrico  $V$  en una región del espacio está dado por  $V = ax^2 + ay^2 - 2az^2$  [V; m] donde "a" es una constante. Si el trabajo realizado por la fuerza eléctrica sobre una carga puntual de  $2 \mu\text{C}$  cuando se desplaza desde el punto  $(0, 0, 0.1 \text{ m})$  hasta el origen es de  $-5 \times 10^{-5} \text{ J}$ , calcule la constante "a".

$$A = (0, 0, 0.1)$$

$$q = 2 \mu\text{C}$$

$$E = -\nabla V = (-2ax, -2ay, 2az)$$

$$B = (0, 0, 0)$$

$$V(A) = -2a(0.1)^2 = -0.02a$$

$$V(B) = 0 \text{ V}$$

$$W = q(V(A) - V(B)) = 2 \mu\text{C} (-0.02a) = -5 \times 10^{-5} \text{ J}$$

$$2 \times 10^{-6} \cdot 0.04a = -5 \times 10^{-5} \text{ J}$$

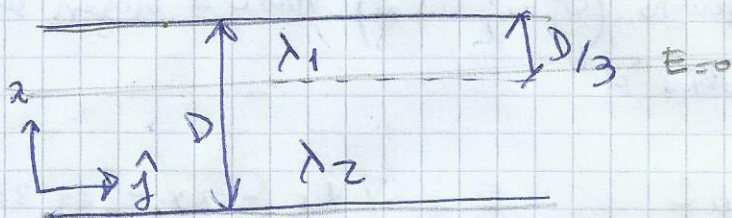
$$\frac{0.04a}{5} = 10^{-5} \times 10^6$$

$$\frac{1}{125} a = 10$$

$$a = 1250$$

6) Los alambres infinitos de la figura están cargados con densidades uniformes de carga  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$  respectivamente.

El campo eléctrico de la configuración se anula en los puntos ubicados a distancia  $D/3$  del alambre con densidad  $\lambda_2$ . Halle la relación entre las densidades de carga  $\lambda_1$  y  $\lambda_2$ .



$$\vec{E}_1 = \frac{\lambda_1}{2\pi\epsilon_0 d_1} = \frac{\lambda_1}{2\pi\epsilon_0 D/3}$$

$$\vec{E}_2 = \frac{\lambda_2}{2\pi\epsilon_0 d_2} = \frac{\lambda_2}{2\pi\epsilon_0 2D/3}$$

$$\vec{E}_1 = \vec{E}_2 \rightarrow \frac{\lambda_1}{2\pi\epsilon_0 D} = \frac{\lambda_2}{2\pi\epsilon_0 2D}$$

$$\boxed{\lambda_1 = \frac{\lambda_2}{2}}$$

7) La figura muestra una región del espacio en la que hay dos materiales dieléctricos  $\epsilon_{r1} = 3$  y  $\epsilon_{r2} = 5$  separados por una sep. plana.

El campo electrostático dentro de cada material es uniforme y en el punto A es  $\vec{E} = (120, 160) \text{ V/m}$

Calcule el vector desplazamiento  $\vec{D}_2$  en el punto B

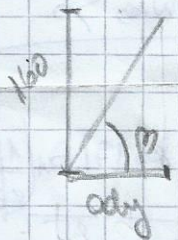
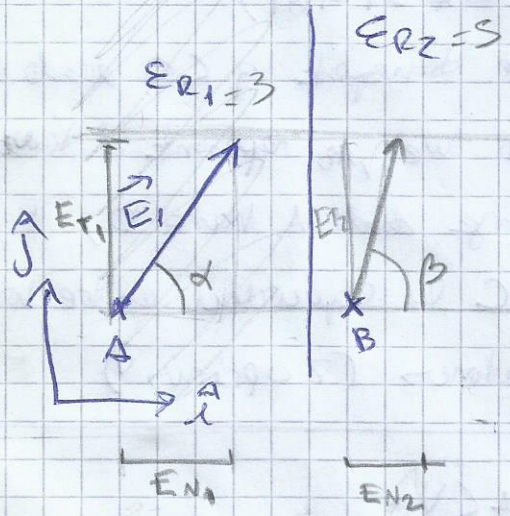
$$\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2}$$

$$E_{T1} = E_{T2} = 160 \frac{\text{V}}{\text{m}}$$

$$E = (120, 160)$$

$$\frac{\tan \alpha}{\tan \beta} = \frac{\epsilon_{r1}}{\epsilon_{r2}} \Rightarrow \tan \beta = \tan \alpha \frac{\epsilon_{r2}}{\epsilon_{r1}} = \frac{160}{120} \cdot \frac{5}{3} = \frac{20}{9} = \tan \beta$$

mejor  
arrange



opuesto = 160

$$\frac{op}{ady} = \tan \beta \Rightarrow ady = E_{N2} = \frac{E_{T2}}{\tan \beta} = \frac{9}{20} \cdot 160 \frac{\text{V}}{\text{m}} = 72 \frac{\text{V}}{\text{m}}$$

$$\tan \beta = \frac{20}{9}$$



$$\boxed{D_2}: D = \epsilon_0 \epsilon_r E$$

$$8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2} \cdot 5$$

$$4,425 \times 10^{-11} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2}$$

$$k$$

$$D_{2i} = k \cdot E_{2i} = 3,186 \times 10^{-9} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

$$D_{2j} = k \cdot E_{2j} = 7,08 \times 10^{-9} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

$$\boxed{\vec{D}_2 = (3,186 \hat{i} + 7,08 \hat{j}) 10^{-9} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}}$$

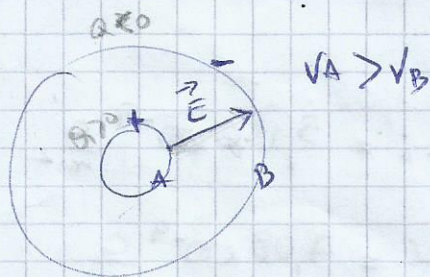
$$\frac{\text{C}^2}{\text{m}^2 \text{N}} \cdot \frac{\text{V}}{\text{m}} = \left( \frac{\text{C}}{\text{Nm}} \right) \cdot \frac{\text{C}}{\text{m}} \cdot \frac{\text{V}}{\text{m}} = \frac{1}{\text{V}} \cdot \frac{\text{C}}{\text{m}^2} \cdot \text{V} = \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

8) Dos esferas conductoras concéntricas de radios  $r_A$  y  $r_B > r_A$ , están cargadas con cargas opuestas  $Q_A > 0$  y  $Q_B < 0$  respectivamente ( $Q_A = |Q_B|$ )

Se transporta  $q < 0$  desde die esfera exterior (A) a la exterior (B)

Si  $W_{el, AB}$  representa el trabajo de la fuerza eléctrica para llevar la carga desde A hasta B,  $E$  representa el mod. del campo eléctrico y  $C$  la capacidad entre los conductores  $k_0 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  entonces (2 opciones)

$V_A < V_B$	$E(r > r_A) = 0$ y $W_{el, B} = k_0  q  Q \left( \frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right)$
$V_A > V_B$ y $C = \frac{Q}{k_0} \left( \frac{r_A r_B}{r_A - r_B} \right)$	$V_A > V_B$ y $C = \left( \frac{r_A r_B}{r_B - r_A} \right) \frac{1}{k_0}$
$E(r > r_B) = 0$ y $W_A = k_0  q  Q_A \left( \frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right)$	$E = 0$ en todo el espacio pero $W_{AB} > 0$
$E = 0$ en todo el espacio pero $W_{AB} < 0$	$E(r_A < r < r_B) = 0$ y $W_{el, AB} = -k_0  q  Q_A \left( \frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right)$



9) el circuito de la figura se encuentra en régimen estacionario, las fuentes, el voltímetro y amp. ideales, el amp. marca 3A y el voltímetro 12V

La polaridad de cada instrumento está señalada en los fig.

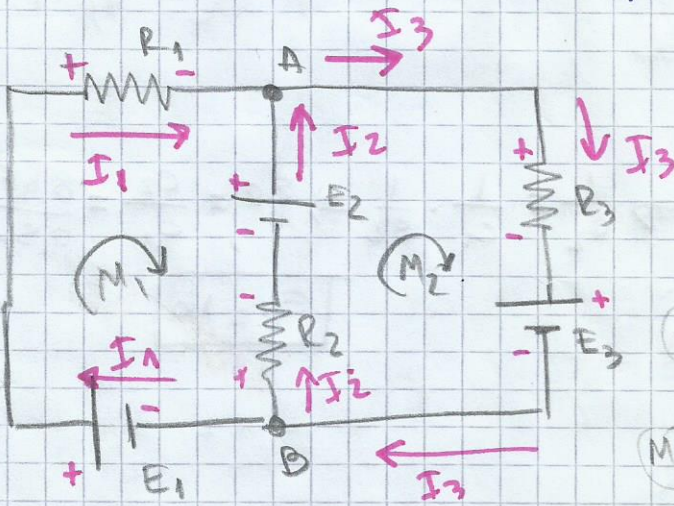
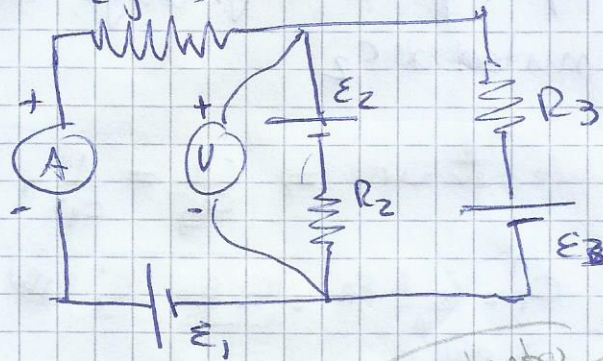
Calcular  $\mathcal{E}_1$  y los corr.  $\times R_2$  y  $R_3$

$R_1 = 5 \Omega$

$R_2 = 6 \Omega$

$\mathcal{E}_2 = 24V$

$\mathcal{E}_3 = 12V$



Ampere metro  
 $I_1 = 3A$   
 ley nodos:  $I_1 + I_2 = I_3$   
 $3A + I_2 = I_3$   
 (M1)  $3R_1 + \mathcal{E}_2 - I_2 R_2 - \mathcal{E}_1 = 0$   
 (M2)  $I_3 R_3 + \mathcal{E}_3 + I_2 R_2 - \mathcal{E}_2 = 0$

$(V_A - V_B) = 12V = \frac{\mathcal{E}_2}{24} - I_2 R_2 \Rightarrow 6I_2 = 12V \Rightarrow I_2 = 2A$   $R_2$

$I_3 = 5A$   $R_3$

(M1)  $3R_1 + 24V - 2 \cdot 6 - \mathcal{E}_1 = 0$

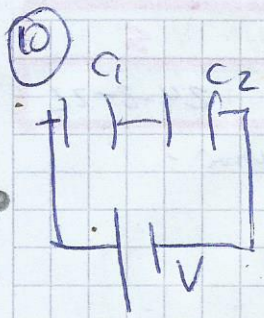
$\Rightarrow \frac{-3R_1 + \mathcal{E}_1}{5} = V_A - V_B = 12V$

$\mathcal{E}_1 = 12V + 15V = 27$

$\mathcal{E}_1 = 27V$

$I_2 \cdot 6 = 24 - 12$

$6I_2 = 12$



los capac.  $C_1 = 0,5 \mu F$  y  $C_2 = 8 \mu F$  de la figura están conectados a una fuente de  $100 V$  y entre los platos de  $C_1$  hay vacío

Calcular  $\epsilon_r$  del dieléctrico con el que se debe rellenar totalmente el espacio entre platos de  $C_1$  para que el org. tenga capacidad igual a la mitad de  $C_2$

configuración en serie  $\Rightarrow \frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$  (I)  $C_{eq} = \frac{C_2}{2}$

$C_1 = \frac{\epsilon_0 A}{d}$   $C_1' = \frac{\epsilon_0 A \epsilon_r}{d} = C_1 \epsilon_r = C_1'$  (III)  $\frac{1}{C_{eq}} = \frac{2}{C_2}$  (II)

$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{2}{C_2} = \frac{1}{C_1 \epsilon_r} + \frac{1}{C_2}$

$\frac{2}{C_2} - \frac{1}{C_2} = \frac{1}{C_1 \epsilon_r} \Rightarrow \frac{1}{C_2} = \frac{1}{C_1} \cdot \frac{1}{\epsilon_r} \Rightarrow \epsilon_r = \frac{C_2}{C_1} = \frac{8 \mu F}{0,5 \mu F}$

$\epsilon_r = 16$